

Łódź, 28 lipca 2016

dr hab. Grażyna Horbaczewska  
Wydział Matematyki i Informatyki  
Uniwersytet Łódzki  
ul. Banacha 22  
90-238 Łódź

**Recenzja pracy doktorskiej mgr. Marcina Staniszewskiego  
"E-zbieżność ideałowa ciągów funkcyjnych"**

Rozprawa doktorska Pana magistra Marcina Staniszewskiego poświęcona jest badaniu  $(\mathcal{I}, \mathcal{J})$ -równej zbieżności ciągów funkcyjnych (nazywanej w pracy  $(\mathcal{I}, \mathcal{J})$ -e-zbieżnością), gdzie  $\mathcal{I}, \mathcal{J}$  są ideałami na  $\omega$ . Zbieżność ta jest uogólnieniem e-zbieżności wprowadzonej przez Császára i Laczkovicha, uogólnia również badane w pracach matematyków z Uniwersytetu Gdańskiego, a także z Indii różne wersje e-zbieżności ideałowej. Zagadnienia te wpisują się w żywo rozwijający się od wielu lat w różnych ośrodkach badawczych nurt badań inspirowany zbieżnością ideałową. Szczególnie ciekawe w tej dziedzinie jest swoiste połączenie problematyki kombinatorycznej, topologicznej oraz teorii funkcji rzeczywistych, co ma wyraźne odzwierciedlenie w recenzowanej rozprawie.

Przedstawiona do recenzji praca została przygotowana na Wydziale Matematyki, Fizyki i Informatyki Uniwersytetu Gdańskiego. Promotorem jest dr hab. Rafał Filipów, a promotorem pomocniczym - dr Adam Kwela.

Rozprawa zawiera "abstract" w języku angielskim będący wprowadzeniem w tematykę i krótką prezentacją wyników. We wstępie, napisanym jak cała reszta pracy w języku polskim, doktorant nieco szerzej niż w angielskim opisie przedstawia kontekst prowadzonych badań i koncepcję rozprawy.

Rozdział pierwszy "Ideały i ich własności" ma charakter wprowadzający. Przedstawia podstawowe definicje dotyczące ideałów i przykłady ideałów na  $\omega$ . Opisuje operacje i porządki na zbiorze ideałów oraz sposób przypisywania ideałom własności topologicznych poprzez traktowanie ich jako podzbiorów przestrzeni Cantora. Istotne znaczenie w dalszej części pracy ma omówiona w podrozdziale 1.3 dziedziczna własność Baire'a dla ideałów, bowiem dla ideałów o tej własności wprowadzona w podrozdziale 1.4 ideałowa wersja liczby ograniczającej dla funkcji rozważanych na podzbiorach z koideału  $\mathfrak{b}^*(\mathcal{I})$  jest równa liczbie  $\mathfrak{b}(\mathcal{I})$  wprowadzonej przez Farkasa i Soukupa oraz klasycznej liczbie ograniczającej  $\mathfrak{b}$  (Twierdzenie 1.5). Podrozdział 1.5 wprowadza kombinatoryczne własności opisujące związki między trzema ideałami. Należy podkreślić, że prezentowane tu własności zostały wyabstrahowane przy okazji badań, których wyniki są przedstawione w dalszej części pracy i są

